

Система уравнений квазистатической связанной задачи термоупругости для однородной и изотропной среды имеет вид: (1) (2) Здесь \mathbf{r} – радиус-вектор пространственных координат, t – время, ΔT – малое приращение температуры, T_0 и T – начальная и текущая температура тела, \mathbf{u} – смещения, λ – изотермические постоянные Ламе, μ – коэффициент температуропроводности, κ – коэффициент теплопроводности, c_v – удельная теплоемкость единицы объема, α – коэффициент теплового расширения, \mathbf{q} – распределённые источники тепла, Q – количество тепла, производимое в единице объема за единицу времени, \mathbf{F} – объёмные массовые силы, точкой обозначено дифференцирование по времени. При помощи матричного фундаментального решения системы уравнений (1), (2) поле смещений и температур для неограниченной среды можно представить в виде свёртки: (3) Здесь \mathbf{G} , \mathbf{H} . Предполагая однородность начальных условий, применим к (1) (2) и (3) преобразование Лапласа по времени: $\mathbf{L}\{ \dots \} = \dots$. Здесь \mathbf{L} – изображение функции, s – параметр преобразования Лапласа. В результате получим: (4), (5) (6) Применим к (4), (5) и (6) преобразование Фурье по координатам: $\mathbf{F}\{ \dots \} = \dots$, где \mathbf{k} – векторный параметр преобразования. В пространстве Фурье получим систему алгебраических уравнений относительно трансформант смещений и температур: (7) (8) (9) После преобразований решение системы уравнений (7), (8) запишется в виде: (10) (11) где введены обозначения: \mathbf{M} , \mathbf{N} . Отсюда с учётом (9) имеем: \mathbf{u} , T . Применяя к этим соотношениям последовательно обратное преобразование Фурье и обратное преобразование Лапласа, окончательно запишем аналитические выражения для компонентов матричного фундаментального решения связанной задачи термоупругости: