

Введение В рамках тепловой теории зажигания предполагается, что основные процессы, ответственные к зажиганию реагента, происходят в конденсированной фазе. В тепловой теории зажигания конденсированных химических веществ имеет место нестационарные и динамические режимы. В первом случае параметры, входящие в граничные условия, явно от времени не зависят. В динамических режимах эти параметры являются функциями времени. Нестационарный режим зажигания конденсированного вещества в форме сферы конвективным тепловым потоком рассмотрен в работе [1]. В настоящей статье исследуется динамический режим зажигания конденсированного химического вещества в форме сферы, когда температура окружающей среды повышается по экспоненциальному закону $T_c(t) = T_m - (T_m - T_0)\exp(-kt)$, где T_m – максимальная температура среды, T_0 – начальная температура, k – постоянная. Постановка задачи Реагирующее твердое химическое вещество в форме сферы нагревается внешним конвективным тепловым потоком, где коэффициент теплообмена α является постоянной величиной, а температура среды T_c изменяется по экспоненциальному закону от начального значения T_0 . Радиус сферического тела R_1 . Нагрев сферического тела осуществляется конвекцией по закону Ньютона. Под воздействием внешнего источника тепла в реагенте сферической форме развивается экзо-термическая химическая реакция нулевого порядка по закону Аррениуса. Требуется составить математическую модель рассматриваемой задачи и из ее решения получить выражения для определения основных характеристик зажигания. Математическая модель рассматриваемой задачи точного аналитического решения не имеет. Она решается приближенными или численными методами. В данной работе используется приближенный метод [2], согласно которому она описывается следующими уравнениями: уравнение теплопроводности для сферического тела $\partial T(r,t)/\partial t = a(\partial^2 T(r,t)/\partial r^2 + 2\partial T(r,t)/r\partial r)$, (1) граничные условия $\alpha(T_c(t) - T(R_1,t)) = \lambda \partial T(R_1,t)/\partial r$, (2) $\partial T(0,t)/\partial r = 0$, (3) начальное условие $T(r, 0) = T_0$, (4) условие зажигания $\alpha(T_c(t) - T_p) = 4,2(\lambda Q_0 v k_0 \exp(-E/(RT_p)) RT_p^2/E)^{1/2}$. (5) Значение температуры на поверхности $T(R_1,t)$, входящее в условие зажигания, определяется из решения системы уравнений (1) – (4) и имеет вид [3]: $T(R_1,t) = T_0 + (T_m - T_0)(1 - s - s_1)$, где $s = Bi \sin(p) \exp(-pd Fo) / ((Bi - 1) \sin(p) + p \cos(p))$; (6) $s_1 = (7) pd = kR_1^2/a$; $p = (pd)^{1/2}$. Численные значения μ_n и A_n зависят от критерия Био. Первые шесть значений μ_n и A_n приведены в таблицах [3]. В работе [3] показано, что в уравнении (6) ряды быстро сходятся, начиная со значений $Fo > Fo_1 = 0,4 - 0,5$ можно ограничиться первым членом ряда. Однако, расчеты показывают, что быстрое зажигание сферического пороха происходит при малых $Fo < Fo_1$. Поэтому рядами в уравнении (6) не удастся пренебречь. Для иллюстрации приведем численные примеры Пример. Необходимо определить характер изменения температуры окружающей среды по экспоненциальному закону для зажигания сферического пороха с радиусом $R_1 = 1\text{мм}$ в течение 1с . Коэффициент $k = 0,5$.

Начальная температура газового потока и реагента $T_n = 300$ К. Исходные теплофизические и кинетические данные пороха: $\lambda = 0,1254$; $c = 1254$; $\rho = 1500$; $Q_{vk0} = 1,5 \cdot 10^28$; $E/R = 24000$; $Bi = 10$; $\alpha = 627$. Решение. При $Bi = 10$ из таблиц работы [3] определяются значения: $\mu_1 = 2,8363$; $\mu_2 = 5,7172$; $\mu_3 = 8,6587$; $\mu_4 = 11,6532$; $\mu_5 = 14,6870$; $\mu_6 = 17,7481$. $A_1 = 1,9249$; $A_2 = -1,7381$; $A_3 = 1,5141$; $A_4 = -1,3042$; $A_5 = 1,1269$; $A_6 = -0,9827$. Вычисляются значения: $f_1 = A_1 \sin(\mu_1) \exp(-\mu_1^2 Fo) / (1 - \mu_1^2 / pd) / \mu_1$; $f_2 = A_2 \sin(\mu_2) \exp(-\mu_2^2 Fo) / (1 - \mu_2^2 / pd) / \mu_2$; $f_3 = A_3 \sin(\mu_3) \exp(-\mu_3^2 Fo) / (1 - \mu_3^2 / pd) / \mu_3$; $f_4 = A_4 \sin(\mu_4) \exp(-\mu_4^2 Fo) / (1 - \mu_4^2 / pd) / \mu_4$; $f_5 = A_5 \sin(\mu_5) \exp(-\mu_5^2 Fo) / (1 - \mu_5^2 / pd) / \mu_5$; $f_6 = A_6 \sin(\mu_6) \exp(-\mu_6^2 Fo) / (1 - \mu_6^2 / pd) / \mu_6$; $s_1 = Bi \sin(p) \exp(-pd Fo) / ((Bi - 1) \sin(p) + p \cos(p))$; $s = f_1 + f_2 + f_3 + f_4 + f_5 + f_6$. Тогда формула для определения температуры на поверхности пороха имеет вид $T(R_1, t) = T_n + bt(1 - s_1 - s)$. (8) Численные значения $T(R_1, t)$ и времени зажигания t_z определяются из решения уравнения (5) итерационным методом. Результаты расчетов примера 1: $T(R_1, t) = 551$ К; $t_z = 1,78$ с. Пример 2. Радиус сферы $R_1 = 1$ мм. Остальные условия, рассмотренные в примере 1, сохраняются. Табличные значения A_n и μ_n находятся при $Bi = 5$. Результаты расчетов: $T(R_1, t) = 520$ К; $t_z = 1,69$ с; $T_m = 1442$ К; $T_c = 749$; $Fo = 0,057$. Таким образом, решена задача зажигания сферического пороха при динамическом режиме, когда температура среды изменяется по экспоненциальному закону. Даны расчетные формулы для определения параметров зажигания. Обозначения T - температура материала, К; T_c - температура среды, К; r - координата, м; α - коэффициент теплообмена, Вт/(м²·К); Q_v - тепловой эффект реакции на единицу объема, Дж/м³; k_0 - предэкспоненциальный множитель, 1/с; E - энергия активации, Дж/моль; t - время, с; t_z - время задержки зажигания; R - универсальная газовая постоянная, Дж/(моль·К); T_n - начальная температура материала, К; $a = l/(c \cdot \rho)$ - коэффициент температуропроводности, м²/с; λ - коэффициент теплопроводности, Вт / (м · К); ρ - плотность материала, кг/м³; c - коэффициент теплоемкости, Дж/(кг·К); $T(R_1, t)$ - температура на поверхности шара, К; $Bi = \alpha R_1 / \lambda$ - критерий Био; Fo - критерий Фурье. Индексы: c - среда; v - объем; z - зажигание.