

Введение Как известно [1], в настоящее время существует точка зрения, предполагающая пропорциональность предела текучести и модуля упругости для полимерных материалов. Однако, такая трактовка некорректна с теоретической точки зрения. Полимерные материалы являются термодинамически неравновесными твердыми телами, в силу чего для определения их любой характеристики требуется, как минимум, два параметра порядка [2]. Авторы [3] показали, что указанная выше пропорциональность выполняется только в случае фиксации второго (структурного) параметра порядка, если в качестве первого предполагается модуль упругости. Однако, на практике для полимерных материалов вообще и полимерных композитов в частности указанное постоянство структуры выполняется достаточно редко. Для полимерных композитов (нанокомпозитов) очень часто встречается ситуация, когда предел текучести не изменяется и даже снижается по мере роста модуля упругости. Объяснение этого эффекта представляет значительный практический интерес, поскольку предел текучести ограничивает сверху область эксплуатации пластичных конструкционных полимерных материалов. Цель настоящей работы является теоретическое описание в рамках двух фрактальных моделей соотношения предел текучести – модуль упругости для дисперсно-наполненных композитов на основе полипропилена.

Экспериментальная часть Использованы две серии композитов на основе полипропилена (ПП), наполненного тальком и мелом ( $\text{CaCO}_3$ ). Для композитов первой серии в качестве матричного полимера использована смесь гомополимера полипропилена марки 21230Д-16 производства ООО «Томскнефтехим» и блок-сополимера пропилен-этилен марки PP 8300N фирмы «Нижекамскнефтехим» с соотношением по массе 60/40. В качестве наполнителя использован тальк марки А7С со средним размером частиц 2 мкм и содержанием 10-40 масс. %. В качестве пластификатора применялся сополимер этилена и винилацетата (Сэв) марки 12206-007 с содержанием винилацетата до 20 % и имеющий показатель текучести расплава 1 г/10 мин при температуре 463 К. Его содержание составляло 10 масс. %. Для композитов второй серии в качестве матричного полимера использован гомополимер полипропилена «Ставролен» марки PPG1035 08 с содержанием пластификатора Сэв 0, 10, 15 и 20 масс. %. В качестве наполнителя применялся мел ( $\text{CaCO}_3$ ), гидрофобизированный стеариновой кислотой, производства фирмы «Руслайм» со средним размером частиц 1 мкм и содержанием 20 масс. %. Композиты ПП/тальк и ПП/ $\text{CaCO}_3$  получены смешиванием компонентов в расплаве на двухшнековом экструдере Jiangsu Xinda Science and Technology, марки PSHJ-20, производство Китай. Смешивание выполнено при температуре 463-503 К и скорости вращения шнека 150 об/мин в течение 5 мин. Образцы для испытаний получены методом литья под давлением на литьевой машине Test Sample Molding Apparate RR/TS MP фирмы Ray-Ran (Англия) при температуре 503 К и давлении 43 МПа.

Механические испытания на одноосное растяжение выполнены на образцах в форме двухсторонней лопатки с размерами согласно ГОСТ 112 62-80. Испытания проводили на универсальной испытательной машине Gotech Testing Machine CT-TCS 2000, производство Тайвань, при температуре 293 К и скорости деформации  $\sim 2 \cdot 10^{-3}$  с<sup>-1</sup>. Результаты и обсуждение Как показали результаты механических испытаний, для рассматриваемых композитов наблюдается противоположные тенденции изменения модуля упругости  $E_k$ : для композитов ПП/талък величина  $E_k$  увеличивается в интервале 0,96-1,75 ГПа, для ПП/СаСО3 –  $E_k$  снижается в интервале 1,44-0,90 ГПа. При этом изменение предела текучести  $sT$  незначительно и составляет величину  $\sim 15\%$  (рис. 1). Рассмотрим теоретический анализ этого эффекта в рамках двух фрактальных моделей. Первая из них предполагает, что параметры  $sT$  и  $E_k$  связаны между собой соотношением ( означает теоретическую величину предела текучести) [3]: , (1) где  $D_f$  – размерность областей локализации избыточной энергии (в рассматриваемом случае – механической), которая связана с фрактальной размерностью структуры композитов  $d_f$  следующим уравнением [4]: , (2) где  $d$  – размерность евклидова пространства, в котором рассматривается фрактал (очевидно, в нашем случае  $d=3$ ). В свою очередь, размерность  $d_f$  определяется следующим образом [4]: , (3) где  $n$  – коэффициент Пуассона, оцениваемый по результатам механических испытаний с помощью соотношения [2]: . (4) В таблице 1 приведено сравнение экспериментальных  $sT$  и рассчитанных согласно уравнению (1) величин предела текучести для рассматриваемых композитов. Как можно видеть, получено хорошее соответствие теории и эксперимента (их среднее расхождение составляет 1,6 %). Нетрудно видеть, что условие  $sT \gg const$  при изменении  $E_k$  обусловлено структурным фактором: для композитов ПП/талък – одновременным ростом  $E_k$  и  $D_f$ , а для ПП/СаСО3 – одновременным снижением указанных параметров. Отметим, что для полимерных материалов а общем случае наблюдается рост модуля упругости по мере увеличения размерности  $D_f$  [3]. Так, на рис. 2 приведена зависимость  $E_k(D_f)$  для рассматриваемых композитов, которая показала линейный рост  $E_k$  по мере увеличения  $D_f$  (данные для исходного ПП также описываются этой корреляцией) и аналитически может быть выражена следующим эмпирическим уравнением: , ГПа. (5) Таблица 1 - Параметры структуры и процесса текучести для композитов на основе полипропилена  $W_n$ , масс. %  $W_c$ , масс. %  $E_k$ , МПа  $d_f$   $D_f$   $sT$ , МПа, уравнение (1) , МПа  $D$ , %  $jkl$  ,МПа, уравнение (6)  $D$ , % ПП - - 960 2,799 5,98 23,0 22,3 3,0 0,214 23,8 3,4 ПП/талък 10 10 1300 2,846 7,49 23,2 23,0 0,9 0,134 26,0 10,8 20 10 1450 2,862 8,25 23,0 22,8 0,9 0,119 26,5 13,2 30 10 1675 2,878 9,20 23,5 23,3 0,9 0,103 27,8 15,5 40 10 1750 2,886 9,77 23,0 22,7 1,3 0,096 26,9 14,5 ПП/СаСО3 20 - 1440 2,850 7,67 25,2 24,7 2,0 0,130 28,9 12,8 20 10 1150 2,834 7,02 22,2 21,9 1,4 0,146 24,3 5,1 20 15 1000 2,822 6,61 21,0 20,5 2,4 0,158 20,5 2,4 20 20 900 2,798 5,95 21,5 21,1 1,4 0,183 19,2 10,9 Примечание:  $D$  - расхождение между  $sT$  и . Как

известно [4], величина  $df$  для непористых полимерных материалов варьируется в пределах 2,0-2,95, что согласно уравнению (2) дает вариацию  $Df = 2-21$ . Это позволяет определить из уравнения (5) пределы изменения модуля упругости как  $E_k = 350-3570$  МПа и затем согласно уравнению (1) получить вариацию предела текучести  $s_T = 20-48,6$  МПа для рассматриваемых композитов. Характерно, что максимальная величина  $s_T$  реализуется при минимальном значении  $E_k = 350$  МПа, что явно не согласуется с упомянутым выше постулатом пропорциональности  $s_T$  и  $E_k$  [1]. Второй метод теоретической оценки использует дислокационную аналогию для полимерных материалов, которая рассматривает сегменты полимерных цепей, входящие в упорядоченные области структуры (кристаллиты, кластеры и т.п.), как линейные дефекты (аналог дислокаций в кристаллических твердых телах) [5]. Основное уравнение этой концепции имеет вид [5]: , (6) где  $G_k$  – модуль сдвига,  $bV$  – вектор Бюргерса,  $rd$  – плотность линейных дефектов (их длина на единицу объема полимерного материала). Величина  $G_k$  определяется из общего фрактального соотношения [4]: , (7) а вектор Бюргерса  $bV$  для полимерных материалов можно оценить следующим образом [5]: , Å, (8) где  $C\text{€}$  – характеристическое отношение, связанное с размерностью  $df$  следующим уравнением [5]: . (9) Рис. 1 - Взаимосвязь предела текучести  $s_T$  и модуля упругости  $E_k$  для ПП (1) и композитов ПП/талек (2), ПП/СаСО<sub>3</sub> (3) Рис. 2 - Зависимость модуля упругости  $E_k$  от размерности областей локализации избыточной энергии  $Df$  для ПП (1) и композитов ПП/талек (2), ПП/СаСО<sub>3</sub> (3) Плотность линейных дефектов  $rd$  можно оценить согласно уравнению [5]: , (10) где  $j_{kl}$  – относительная доля областей локального порядка (кластеров),  $K$  – степень кристалличности,  $S$  площадь поперечного сечения макромолекулы, равная для ПП 34,3 Å<sup>2</sup> [6]. Величина  $K$  для ПП принята равной 0,50 [7]. Величину  $j_{kl}$  можно определить с помощью уравнения [5]: . (11) Следует учитывать, что доля полимера в полимерном композите  $j_{пол}$  (и, следовательно,  $j_{kl}$  и  $K$ ) снижается за счет наличия в нем пластификатора с относительной долей  $j_c$  и наполнителя с объемным содержанием  $j_n$ , которое определяется согласно хорошо известной формуле [3]: , (12) где  $W_n$  – массовое содержание наполнителя,  $g_n$  – его плотность, которую можно оценить из уравнения [8]: , кг/м<sup>3</sup>, (13) где  $Dч$  – диаметр исходных частиц наполнителя, который дается в нм. Для пластификатора сэвилен его объемное содержание  $j_c$  принято равным массовому и тогда [9, 10]: . (14) В табл. 1 приведено сравнение экспериментальных  $s_T$  и рассчитанных согласно уравнению (6) величин предела текучести для рассматриваемых композитов. Как можно видеть, вновь получено соответствие теории и эксперимента, хотя в количественном аспекте оно несколько хуже, чем в случае расчета по уравнению (1) (среднее расхождение  $s_T$  и составляет 9,8 %). Тем не менее, эти оценки продемонстрировали, что кроме модуля упругости  $E_k$ , на величину  $s_T$  оказывают влияние ряд молекулярных ( $C\text{€}$ ,  $S$ ) и структурных ( $df$ ,  $j_{kl}$ ,  $K$ ) факторов как независимых, так и взаимосвязанных

между собой. Выводы Таким образом, результаты настоящей работы продемонстрировали, что пропорциональность модуля упругости и предела текучести для полимерных материалов может быть только частным случаем. В общем же случае существует достаточно большое число как молекулярных, так и структурных факторов, оказывающих дополнительное и достаточно сильное влияние на величину предела текучести. Фрактальные модели позволяют определить предельно достижимые значения предела текучести для рассматриваемых полимерных композитов.